

Ứng dụng mô hình giàn ảo để tính toán kết cấu vùng neo cáp dự ứng lực đầu dầm i căng sau

Application strut and tie model for calculating anchorage zones of i prestressed beams

Ngày nhận bài: 16/6/2016

Ngày sửa bài: 04/8/2016

Ngày chấp nhận đăng: 11/8/2016

**Đặng Ngọc Lợi,
Lê Bá Khánh**

TÓM TẮT

Phương pháp mô hình giàn ảo là một công cụ trong việc tính toán thiết kế vùng chịu lực cục bộ nơi mà giả thiết tiết diện phẳng không thể áp dụng. Những vùng cục bộ tiêu biểu như đầu dầm, vai cốt, trụ cầu, vùng neo cáp trong cấu kiện dầm ứng lực. Trong bài báo này tập trung vào áp dụng mô hình giàn ảo để tính toán vùng neo cáp dự ứng lực trong dầm I căng sau. Qua việc kiểm tra đối chiếu kết quả tính toán, thiết kế theo phương pháp mô hình giàn ảo với kết quả tính toán theo phương pháp phân tử hữu cho thấy mô hình giàn ảo có độ tin cậy cao. Đồng thời phương pháp mô hình giàn ảo là phương pháp đơn giản và trực quan nên thuận lợi trong ứng dụng thiết kế các công trình thực tế.

ABSTRACT

Strut and tie modeling method is "a tool" for simulation and designing local zones where elastic bending theory can not be applied. Typical localized areas are the dapped-end beams, corbels, piers, anchorage zones in prestressed concrete structures. This paper focuses on the application of strut and tie modeling method to simulate the anchorage zones of I prestressed beams. The comparison of the results of calculation and design using strut and tie model with the ones by finite element method shows that strut and tie model is reliable. Moreover, strut and tie modeling method is simple and gives the intuitive result, therefore its applications in the design of practical work are facile.

Đặng Ngọc Lợi

Giảng viên, Khoa Xây Dựng, Trường ĐHXây Dựng Miền Tây

TS. Lê Bá Khánh

Giảng viên, Khoa Kỹ Thuật Xây Dựng, Trường Đại Học Bách Khoa - Đại Học Quốc Gia TP HCM

1. Giới thiệu

Giả thiết tiết diện phẳng của Bernoulli được phát biểu "mặt phẳng của tiết diện vẫn phẳng sau biến dạng" là một giả thiết quan trọng trong tính toán thiết kế kết cấu. Từ giả thiết này, người ta có thể đưa ra sơ đồ ứng suất, biến dạng của tiết diện ở trạng thái giới hạn và từ đó thiết lập được các phương trình tính toán xác định khả năng chịu lực của kết cấu. Những vùng trong dầm nơi mà giả thiết tiết diện phẳng được áp dụng để tính toán ứng suất gọi là vùng B. Trong khi đó những vùng như đầu dầm, vai cốt, trụ cầu, vùng neo cáp cầu kiện dầm ứng lực, ứng suất thay đổi rất phức tạp thì những vùng này giả thiết tiết diện phẳng không còn đúng nữa gọi là vùng D[1]. Do đó, cần phương pháp thiết kế riêng cho những vùng tập trung ứng suất này, một trong những phương pháp thiết kế được chấp nhận trong việc phân tích vùng chịu bộ là mô hình giàn ảo[2][3][4].

Ngay khi kỹ thuật dự ứng lực được sử dụng rộng rãi trong xây dựng công trình, riêng đối với kết cấu bê tông dự ứng lực, dạng kết cấu được sử dụng nhiều trong xây dựng các công trình giao thông như dầm dự ứng lực căng trước I, T, Super T, hoặc các dạng cầu song song như dầm I, T, dầm thí công theo phương pháp đúc hàng. Vùng neo cáp trong kết cấu bê tông dự ứng lực thông thường được thiết kế dựa trên công thức kinh nghiệm, phương pháp mặt cắt, các thiết kế mẫu hoặc các quy định cấu tạo. Các công thức xác định lực kéo ngang này được thành lập từ thực nghiệm của một số trường hợp cụ thể tương ứng với hình dạng neo, tiết diện chưa cáp. Tuy nhiên trạng thái ứng suất ở vùng neo bị chi phối bởi rất nhiều các yếu tố như độ nghiêng của cáp, vị trí neo cáp, mặt cắt ngang dầm, trường hợp căng cáp và các ngoại lực khác tác dụng.

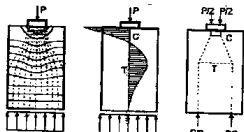
Những vùng cục bộ có thể được phân tích bằng phương pháp phân tử hữu hạn để mô hình hóa gần đúng về sự làm việc của vùng này. Tuy nhiên, việc phân tích bằng phân tử hữu hạn sẽ tốn nhiều thời gian và công sức, kết quả tính toán thông thường chỉ để kiểm tra, không tận dụng được nhiều trong thiết kế. Việc áp dụng phương pháp mô hình giàn ảo trong tính toán kết cấu dự ứng lực cục bộ tiêu biểu như vùng neo cáp gặp rất nhiều khó khăn và hạn chế. Trong bài báo này sẽ nghiên cứu áp dụng mô hình giàn ảo (MHGA) để tính toán kết cấu tại vùng neo cáp trong đầu dầm I căng sau.

2. Lý thuyết mô hình ảo

Ý tưởng sử dụng mô hình giàn ảo được đề xuất bởi Ritter (1899) và Morsch (1909) dùng để thiết kế cốt thép chống cắt cho kết cấu bê tông cốt thép. Vào những năm đầu của thập niên 1980 nhiều nghiên cứu về mô hình này để tính toán thiết kế chống cắt và xoắn cho kết cấu bê tông được thực hiện bởi Lampert và Thurlman 1971. Sau đó, phương pháp này được tiếp tục phát triển rộng rãi bởi Collins, Schriech and Schirer (1991)[5] đã nghiên cứu cách xác định các vùng không làm việc trong kết cấu bê tông cốt thép, phương pháp đương lượng truyền tải tải trọng từ dầm đặt tải đến gối tựa, cách xác định vùng nứt, chiều rộng vết nứt, ứng suất trong cốt thép.

Mô hình giàn ảo đưa trên giả thiết giới hạn lý thuyết do [6] Mô hình giàn ảo của một kết cấu hay một bộ phận cấu tạo mô

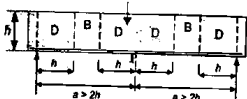
hình giàn tương đương đặt bên trong kết cấu để truyền lực từ điểm đặt lực đến gối tựa hay vùng biên của kết cấu (1). Hình dạng và vị trí hình học của thanh giàn thể hiện đường truyền tải trọng bên trong kết cấu. Vì đây là mô hình giàn được tưởng tượng để thay thế vùng ứng suất kéo và vùng ứng suất nén nên gọi là mô hình giàn ảo. Mô hình này đặc biệt thích hợp với vùng cục bộ của kết cấu nơi mà ứng suất không thể tính toán từ lý thuyết đàn hồi. Ý tưởng về việc sử dụng MHGA như thể hiện trên hình 1.



Hình 1. Phân bố ứng suất vùng neo cấp trường hợp neo đơn

2.1. Xác định vùng B và vùng D

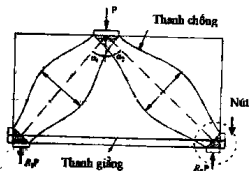
Tại những vị trí tải trọng tập trung như phân lực gối hay những thay đổi về mặt hình học trong kết cấu gọi là những vùng không liên tục. Vùng D (Disturbance) là những vùng có đặc điểm là không liên tục về hình học hoặc không liên tục về tính học. Những vùng trong dầm ứng suất có thể tính toán từ các công thức của lý thuyết dầm gọi là vùng B (Bernoulli) như trên Hình 2. Trong vùng B giả thiết tiết diện phẳng hay còn gọi là giả thiết Bernoulli còn đúng, nghĩa là mặt phẳng của tiết diện vẫn phẳng sau biến dạng.



Hình 2. Vùng B và vùng D trong dầm

2.2. Các bộ phận cấu thành giàn ảo

Các bộ phận giàn ảo gồm thanh chống, thanh giàn, nút và vùng nút như Hình 3.



Hình 3. Các bộ phận cấu thành mô hình giàn ảo

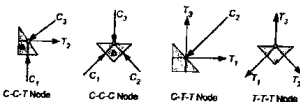
Thanh chống ảo tương ứng với trường ứng suất nén của bê tông có trục thành trùng với phương nén. Các thanh nén bê tông là các trường ứng suất 2D hay 3D có xu hướng nở rộng giữa các nút.

Thanh giàn (thành chịu kéo) tương trưng cho cốt thép có thể là thép thường hay thép dự ứng lực, được bố trí để kháng lại trường ứng suất kéo trong bê tông.

Nút và vùng nút: Các thanh trong mô hình giàn ảo được nối với nhau bằng các nút, tại một vị trí nút thì có ít nhất 3 thanh nối vào và các lực trên các thanh phải cân bằng tĩnh học.

$$\sum F_x = 0, \sum F_y = 0, \sum M = 0 \quad (1)$$

Có các dạng nút sau:



Hình 4. Các loại nút trong mô hình giàn ảo

Tại vùng nút chỉ có 3 thanh kéo hoặc nén, do đó trong trường hợp tại nút có nhiều thanh kéo, nên ta phải quy đổi về nút chỉ có 3 thanh.

Điều kiện để thành lập MHGA: để thành lập MHGA đối với dầm cao cần thỏa mãn (5).

$$V_u \leq \phi V_c = \phi (\sqrt{f_c} b_w d_v) \quad (2)$$

Triết lý thiết kế: Thiết kế theo trạng thái giới hạn.

$$\begin{cases} C_u \leq \phi C_{rn} \\ T_u \leq \phi T_{rn} \end{cases} \quad (3)$$

Trong đó: C_u , T_u Tải trọng đã kể hệ số trong MHGA; C_{rn} , T_{rn} Sức kháng danh định.

2.3. Thiết kế các bộ phận trong MHGA

a. Thanh giàn

Kích thước của thanh giàn chịu kéo được xác định trên cơ sở diện tích cần thiết để bố trí cốt thép chịu kéo, phù hợp với các quy định về khoảng cách và thoải mãn điều kiện giới hạn ứng suất của vùng nút. Chiều rộng của thanh giàn chọn sơ bộ lúc lựa chọn MHGA lấy bằng hai lần chiều dày của lớp bê tông bảo vệ cốt thép thường.

Diện tích cốt thép trong các thanh kéo được xác định trên cơ sở nội lực của thanh kéo và cường độ chịu kéo của cốt thép đổ. Việc thiết kế thanh kéo bao gồm các nội dung sau:

- Xác định diện tích thanh kéo cần thiết;
- Bố trí cốt thép thanh kéo;
- Kiểm tra điều kiện neo cốt thép tại nút.

Cường độ danh định của thanh kéo được xác định thông qua cường độ của cốt thép thường và dự ứng lực [1], [2].

$$P_n = f_y A_s + A_{ps} (f_{ps} + \Delta f_s) \quad (4)$$

Trong đó: $A_{s, f_{ps}}$ Diện tích cốt thép thường, DUL; f_y, f_{ps} Cường độ thiết kế thép thường, DUL.

Đối với cấu kiện bê tông dự ứng lực cấp độ ứng lực định mức với bê tông thí $\Delta f_s = 414 \text{ MPa}$, không định mức với bê tông $\Delta f_s = 69 \text{ MPa}$ [1], chương 15).

Chiều rộng lớn nhất của thanh giàn xác định,

$$w_{lmax} = \frac{T_{cr}}{f \times t \times f_{cw}} \quad (5)$$

Trong đó: f_{cw} Cường độ chịu nén vùng nút; T_{cr} Cường độ danh định của thanh giàn.

b. Thiết kế thanh chống chịu nén

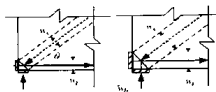
Kích thước của thanh chống nén trong mô hình giàn được xác định trên cơ sở sự phù hợp về cấu tạo hình học với các vùng nút mà thanh nén đi đến và yêu cầu chịu lực. Kích thước của thanh nén phải đảm bảo:

Kích thước của thanh nẹp có thể được thay đổi thông qua các giải pháp cấu tạo vùng nút như thay đổi bố trí cốt thép

- Diện tích của mặt cắt ngang cơ hiệu của thanh nẹp, được tính toán trên cơ sở xem xét cả diện tích bề tổng cho phép cũng như điều kiện neo của thanh tại các đầu nút

Chiều rộng thanh giằng xác định theo công thức sau

$$w = w \cos \theta - w_s \sin \theta$$



Hình 5: Xác định chiều rộng của thanh chủ neo

Nếu thanh nẹp có cốt thép bố trí song song với trục thanh và được cấu tạo để chịu nén tới giới hạn chảy thì sức kháng danh định của thanh nẹp được xác định như là tổng của sức kháng của bê tông và sức kháng của cốt thép. Các thanh chủ nẹp được kiểm toán theo

$$f_{cn} = \min \left\{ \begin{array}{l} f_{cn,A} - f_c A \\ f_{cn,A} + f_c A \end{array} \right\}$$

Trong đó:

- f_{cn} : Ứng suất nén giới hạn của bê tông;
- f_c : Giới hạn chảy của thép tại 2 đầu thanh chống;
- A : Diện tích thép bố trí tại đầu 1, 2 thanh giằng

Cường độ chịu nén của thanh chủ nẹp xác định như sau

$$f_{cn} = \min \left\{ \begin{array}{l} 0.85\beta_1 f_c \\ 0.85\beta_1 f_c \end{array} \right\} \quad (8)$$

Với hệ số β_1 , [3] xét đến cường độ hữu hiệu thanh chống và vùng nút

Giới hạn chịu nén do Collins[3] đề xuất có xét đến hướng của thanh nẹp so với thanh kéo và độ lớn của biến dạng kéo chính vuông góc với thanh nẹp. Độ lớn của ứng suất nén giới hạn được quy định như sau:

$$f_{cn} = \frac{f_c}{0.8 - 170\epsilon_1} \sim 0.85f_c \quad (9)$$

Với ϵ_1 là biến dạng kéo chính, vuông góc với trục của thanh nẹp. Độ lớn của ϵ_1 được xác định

$$\epsilon_1 = \epsilon_2 + (\epsilon_2 + 0.002) \cot \theta^2 \alpha_2 \quad (10)$$

Trong đó:

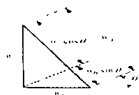
- ϵ_2 : Biến dạng kéo trong bê tông
- α_2 : Góc nhỏ nhất giữa thanh nẹp và thanh kéo

c. Thiết kế vùng nút

Kích thước vùng nút được xác định trên cơ sở thỏa mãn điều kiện chịu lực của bản thân vùng nút cũng như các kích thước yêu cầu của các thanh nẹp hoặc thanh kéo đi vào nút

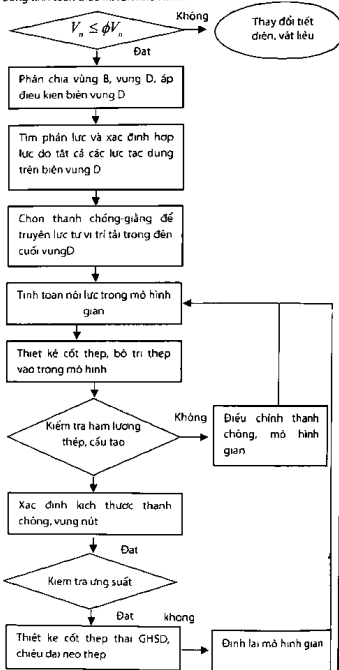
Khi tại một nút có nhiều hơn 3 lực thì quy đổi về 3 lực, đo đó bề rộng vùng nút được xác định như sau

$$w = w \cos \theta - w_s \sin \theta \quad (11)$$



Hình 6: Xác định bề rộng vùng nút bằng MHGA

Nội dung tính toán theo MHGA như Hình 7



Hình 7: Sơ đồ các bước tính toán theo phương pháp MHGA

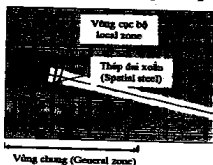
d. Phương pháp để đạt được mô hình gian tối ưu

Khi tính toán theo phương pháp MHGA khi bề dày cấu kiện nhỏ thì bề dày của thanh chống được lấy bằng bề dày của cấu kiện, kết quả tính toán sẽ phù hợp với khả năng chịu tải kết cấu[7]. Đối với những kết cấu có bề dày lớn, nếu lấy bề dày của thanh chủ nén là bề dày của kết cấu đòi hỏi không đúng và sai lệch so với thực tế. Phương pháp phân tích khác là nghiên cứu tính toán theo MHGA 3D[8][9] để phản ánh đúng khả năng chịu tải thực tế, tuy nhiên việc phân tích bằng mô hình 3D sẽ gặp nhiều khó khăn trong việc xác định kích thước của các thanh chủ nén và chủ kéo. Do đó mô hình thanh kéo ít nhất và ngăn nhất sẽ tốt

$$\sum H = \min$$

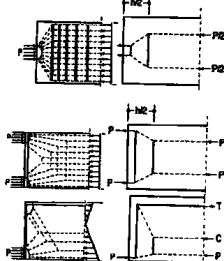
(12)

2.4. Phương pháp xây dựng MHGA vùng neo căng sau



Hình 8. Vùng cục bộ và vùng chung trong neo DUL

Vùng neo cấu kiện căng sau được chia thành 2 vùng cơ bản, vùng ngay phía sau bản neo gọi là vùng cục bộ (local zone) và vùng cách đầu dầm một khoảng bằng chiều cao dầm gọi là vùng chung (general zone). Trong vùng cục bộ thì ứng suất tập trung rất cao, thường bố trí đai xoắn dạng lò xo để chống lại sự phá hoại cục bộ này như Hình 8. Vùng cục bộ trong neo cấp được xem là một phần của hệ thống neo và được thiết kế bởi nhà sản xuất. Trong bài báo này chỉ nghiên cứu, tính toán cho vùng chung.



Hình 9. MHGA theo các trường hợp căng cáp.

Đối với vùng neo, việc thành lập mô hình gián phái xem xét đến trình tự thi công căng cáp cũng như sự làm việc của dầm qua các giai đoạn. Hình 9 xây dựng MHGA cho vùng neo xem xét đến các trường hợp căng cáp. Dựa vào sự phân bố ứng suất (đường tải trọng) có thể xây dựng mô hình gồm các thanh chống và thanh giằng.

Khi xây dựng MHGA vùng neo của cấu kiện bê tông dự ứng lực tại vị trí vùng neo ngoài tác dụng của lực dự ứng lực, vùng neo còn phải chịu thêm tác dụng của phản lực gối tựa và các tải trọng khác, nhưng ảnh hưởng của phản lực gối tựa so với các tải trọng khác như hoạt tải và tính tải giai đoạn 2 là lớn nhất. Bỏ qua ảnh hưởng của phản lực gối sẽ làm bài toán đơn giản hơn trong quá trình xây dựng, cũng như trình toán mô hình gián như Hình 10a và Hình 10b.

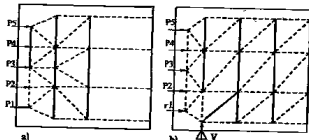
Ảnh hưởng của phản lực gối có thể được bỏ qua (1) nếu tất cả các điều kiện sau đây được thỏa mãn.

- Phản lực gối phía dưới cùng của tiết diện và gối dầm là dạng gối tựa đơn;

- Phản lực gối khi chưa xét đến hệ số tải trọng nhỏ hơn hoặc bằng 15% tổng lực dự ứng lực;

Độ nghiêng của tất cả các bó cáp nhỏ hơn hoặc bằng 5°;

- Trọng tâm hay hợp lực của lực dự ứng lực trong phạm vi vùng cục bộ nằm trong vùng giới hạn vật liệu (central kern of section).



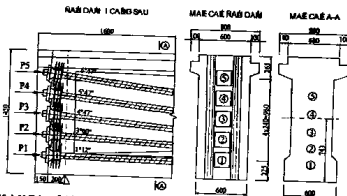
Hình 10. Ảnh hưởng phản lực gối vùng neo đầu dầm

3. Tính toán vùng NEO bằng MHGA

3.1. Thông số tính toán

Xét dầm 1 cái điển được bố trí 05 bó cáp dự ứng lực căng sau. Phương pháp tạo ứng suất trong bê tông sử dụng hệ thống căng nhệ căng sau. Các thông số cơ bản để tính toán thiết kế vùng neo đầu dầm như Hình 11.

- Chiều dài vùng D ($h=1,45m$) $L=1,6(m)$
 - Cường độ bê tông $f_c=42(Mpa)$
 - Mô đun đàn hồi $E=32764(Mpa)$
 - Mô đun chống cắt của bê tông $f_{ct}=4(Mpa)$
 - Giới hạn chảy thép thường $f_y=350(Mpa)$
 - Giới hạn chảy thép dọc chủ $f_{yc}=420(Mpa)$
 - Mô đun đàn hồi thép $E_s=200000(Mpa)$
 - Cáp dự ứng lực $f_{pu}=1860(Mpa)$
 - Phản lực gối tại đầu dầm $V_R=565(KN)$
- Các trường hợp mô hình hóa gồm:
- Trường hợp chỉ có cáp ở neo số 1 được căng
 - Trường hợp tất cả các cáp được căng
 - Trường hợp dầm đưa vào khai thác.



Hình 11. Thông số tính toán vùng cục bộ đầu dầm 1 căng sau

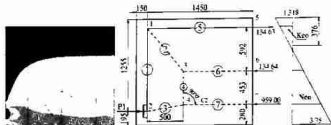
3.2. Tính toán vùng neo theo phương pháp MHGA

Trường hợp chỉ có cáp ở neo số 1 được căng

Trong trường hợp vùng neo đầu dầm chỉ có cáp ở neo số 1 được căng thì ảnh hưởng của phản lực gối chưa có. Dầm được đúc trên bãi và chưa lắp dầm vào gối nên đầu dầm chỉ chịu tải trọng là trọng lượng bản thân và lực dự ứng lực, trọng lượng bản thân chiếm khoảng 3% (khoảng 31KN) so với lực do dự ứng lực nên có thể bỏ qua.

Vùng ứng suất nên được phân thành 2 lực, lực nén C-chọn bằng lực P_1 của lực dự ứng lực, đặt cách thớt dưới dầm 280mm và lực nén C_u được xác định từ biểu đồ ứng suất, được đặt tại trọng tâm của tiết diện nhệ thiết kế theo MHGA.

mô hình phải thỏa mãn các phương trình cân bằng lực và mô men. Tính toán lựa chọn được mô hình gian như trên Hình 12

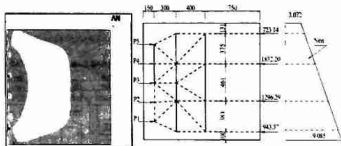


Hình 12. Bức tranh phân bố ứng suất và mô hình gian
Bảng 1. Kết quả nội lực các thành

STT	Thành gian (nút)	P (kN)	Ghi chú
1	1 (1-2)	-972.64	Thanh chống
2	2 (3-2)	-959.07	Thanh chống
3	3 (2-4)	-162.38	Thanh chống
4	4 (5-4)	-137.98	Thanh chống
5	5 (6-1)	162.25	Thanh giằng
6	6 (6-4)	-213.09	Thanh chống
7	7 (7-6)	134.63	Thanh giằng

Tính toán cân bằng nút ta thấy giá trị lực C, tính từ nút 2 và nút 4 là bằng nhau có nghĩa là vùng D cân bằng tĩnh định. Lực kéo trong hai thanh T₁, T₂ phân ảnh vì trị cốt thép đai, cốt thép dọc cần được tính toán tăng cường, khi thay đổi vị trí của các thanh này thì giá trị nội lực trong các thanh chống, giằng sẽ thay đổi, khi đó cần kiểm tra các điều kiện cân bằng tĩnh học. Do đó, MHGA hợp lý là mô hình cân thỏa mãn các điều kiện cân bằng tĩnh định cũng như vị trí và kích thước các thanh gian.

b. Trường hợp cấp ở tất cả neo được cân bằng



Hình 13. Bức tranh phân bố ứng suất và mô hình gian

Ứng suất kéo phân bố rộng hơn so với các trường hợp cấp ở neo số 1 hay số 2, 3 được cân bằng, ứng suất kéo phát triển rộng về phía trên, dọc theo chiều dài vùng neo và ứng suất kéo được phân bố trong khoảng từ đầu dầm đến vị trí h/2 (từ đầu dầm).

Trường hợp dầm đưa vào khai thác

Khi hoàn thiện công trình, dầm chịu thêm tĩnh tải giai đoạn 2 và hoạt tải, nên ảnh hưởng của phản lực gối đến đầu dầm cần phải được xét đến khi phân tích kiểm tra điều kiện

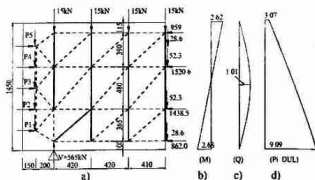
Phản lực gối tựa đơn → thỏa.

Giá trị phản lực gối V=565<719(kN) → thỏa

- Độ dốc lực hay góc nghiêng cấp ≤ 5° → không thỏa.

Do đó, ảnh hưởng của phản lực gối lên vùng D là đáng kể và cần phải được xét đến khi phân tích. Đây là trường hợp chịu lực tổng quát nhất.

Khi dầm đưa vào khai thác, dầm chịu thêm tĩnh tải giai đoạn 2 và hoạt tải thì đặc trưng hình học tiết diện thay đổi, tiết diện trong giai đoạn này là tiết diện liên hợp bao gồm bản mặt cầu



Hình 14. MHGA trường hợp dầm đưa vào khai thác

Tính toán nội lực trong các thành ở tất cả các trường hợp tải có lực kéo lớn nhất thể hiện trên Bảng 2.

Bảng 2. Kết quả tính toán nội lực lớn nhất

STT	Ký hiệu	Lực (kN)	Tương ứng vùng ỨS kéo
1	35 (13-18)	433.11	Từ 0 đến 0.5m
2	37 (19-14)	268.76	Từ 0.5 đến 0.98m
3	24 (9-15)	181.59	Từ 0.98 hết vùng D
4	6 (1-8)	179.85	

3.3. Thiết kế cốt thép và kiểm toán MHGA

a. Cốt thép vùng neo

Áp dụng công thức tính thép ta xác định được

STT	Ký hiệu	A _m (mm ²)	ĐK mm	Số thanh	A _{min} (mm ²)
1	35 (13-18)	1979.8	14	14	2155.13
2	37 (19-14)	1228.8	14	8	1231.50
3	24 (9-15)	830.4	14	6	923.63
4	6 (1-8)	822.0	14	6	923.63

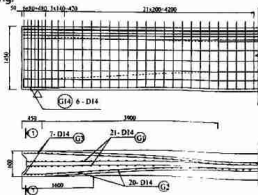
Bố trí cốt thép

- Bước cốt đai d14a80 bố trí trong khoảng giữa thanh chống số 35 từ đầu dầm đến 530mm, cốt thép dạng đai vòng 2 lớp, lượng cốt thép cần thiết là 14d14.

- Bước cốt đai d14a140 tương ứng với thanh giằng số 37 trong phạm vi 420mm tiếp theo;

- Bước cốt đai rải đều d14a200 tương ứng với thanh chịu kéo số 24;

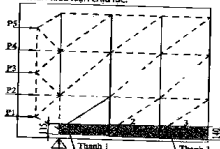
- Cốt thép có ký hiệu G146d14 tương ứng với thanh giằng số 6 chống cắt cho dầm, thanh thép này đặt ngang để thuận tiện trong quá trình thi công.



Hình 15. Thiết kế thép theo MHGA

Kiểm toán thanh chống

Với MHGA được thành lập như ban đầu thì khác: định kích thước thanh chống, kích thước thanh chống không được vượt quá vùng biên của bể tổng cũng như sự giao nhau giữa các vùng trong thanh chống. Trên Hình 16 kích thước thanh chống số 1 theo tính toán là 115mm, ban đầu lựa chọn MHGA, kích thước các thanh chống này đặt tại vị trí cách mép dưới của vùng bể tổng là 100mm, nên bề rộng thanh chống tối đa khi thiết kế đối với thanh chống số 1, 2, 3 là 200mm. Theo kết quả tính toán thì thanh chống số 3 lớn nhất trong 3 thanh có bề dày 140mm là đảm bảo thanh này không vượt quá ra ngoài biên của phần bể tổng chịu nén. Kiểm tra tương tự các thanh chống như mô hình gần đã lập đều thỏa mãn điều kiện chịu lực.



Hình 16. Kiểm tra bề rộng thanh chống trong mô hình gần

3.4. Nhận xét kết quả tính toán

MHGA có thể được sử dụng để tính toán trong các trường hợp căng cáp khác nhau, các tổ hợp tải trọng theo các phương khác nhau, cũng như đặc trưng hình học của tiết diện có thể khác nhau. Tính toán theo MHGA có những đặc điểm sau:

- Phương pháp MHGA được thành lập dựa trên giả thiết vùng kéo được thay bằng thanh giằng, vùng nén được thay bằng thanh chống nên việc tính toán bố trí cốt thép và kiểm tra MHGA là trực quan. Bố trí cốt thép và vị trí các thanh thép dựa vào vị trí các thanh chống, nên việc bố trí cốt thép dựa vào vị trí và kích thước các thanh giằng, nên rất trực quan.
- Phương pháp này tính toán đơn giản, việc tính toán, kiểm tra mô hình có thể thực hiện bằng tay, kết quả xuất ra có thể tận dụng trong thiết kế.
- Kết quả tính toán theo MHGA, cốt đai cần được gia cường dày hơn tại vị trí neo cáp và giảm dần cho đến vị trí cuối vùng D.
- Việc lựa chọn MHGA, cách phân phối nội lực phụ thuộc nhiều vào quan điểm của người thiết kế. Do đó, cần phải có kinh nghiệm trong việc thành lập mô hình để giảm bớt số mô hình không phù hợp.
- Để hiểu rõ hơn sự phân bố ứng suất trong vùng neo theo các phương, kiểm tra sự phù hợp của mô hình và xác định vị trí cần gia cường cốt thép. Sử dụng phương pháp phần tử hữu hạn để kiểm tra lại việc tính toán thiết kế theo MHGA.

3.5. Nội dung kiểm tra mô hình gần

Trong phân tích này sẽ mô phỏng vùng neo đầu dầm trường hợp dầm đưa vào khai thác theo mô hình đàn hồi và mô hình đàn dẻo có xét và không xét ảnh hưởng của cốt thép đai phân bố trong đầu dầm.

Kiểm tra mô hình thí nghiệm

Buckhaus[10][11] thực hiện thí nghiệm nén dầm trong phòng thí nghiệm để xác định ứng xử thực tế của dầm bê tông cốt thép chịu uốn ở giai đoạn đàn hồi và sau nứt. Các thông số:

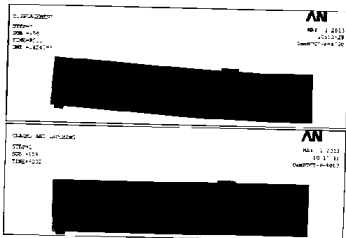
- Kích thước dầm 10x18(in)

- Khoảng cách giữa 2 gối là 180(in)

- Tải trọng P tác dụng tại 2 vị trí như tải trọng P sẽ tăng dần đến khi dầm phá hoại.

Xét trường hợp gia tải đến tải trọng $P=12000(\text{lbs})$

Độ võng lớn nhất trong dầm là 0.4243(in), kết quả theo Wolansky và Buckhaus là 0.4240(in) [Figure 3.19[11]]. Ở giai đoạn này dầm nứt chiều dài vết nứt như Hình 17.



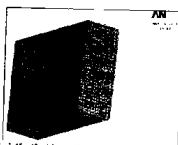
Hình 17. Chuyển vị tại gối nhịp và hình thái vết nứt dầm

Áp dụng phân tích ứng suất vùng neo

Thông số tính toán, dạng phần tử, mô hình vật liệu tham khảo [12]. Mô hình phân tích ở trường hợp tải trọng khai thác. Các thông số chính:

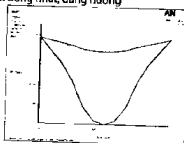
- Mô hình đàn hồi Solid 45 [13]

Mô hình đàn dẻo: Solid 65 và link 8



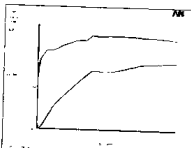
Hình 18. Vùng neo cáp ở đầu dầm bằng phần mềm Ansys

Mô hình vật liệu: đồng nhất, đẳng hướng

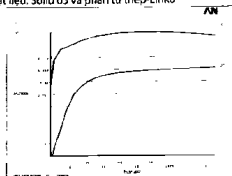


Hình 19. Biểu đồ ứng suất phương ngang trục neo số 3

Mô hình vật liệu: Phần tử bê tông-Solid 65



Hình 20. Biểu đồ ứng suất phương ngang trục neo số 3



Hình 21. Ứng suất dọc trục theo biến dạng - Solid65+Link8

Nhận xét kết quả tính toán theo phần tử hữu hạn

– Phân tích vùng neo mô hình đàn hồi, ứng suất phân bố trong vùng neo không vượt quá cường độ chịu kéo của bê tông. Biểu đồ phân bố ứng suất theo phương ngang cách vùng neo 0.3m tại neo số 3 Hình 19, cho thấy phạm vi ứng suất phân bố tập trung tại tâm của tiết diện và chủ yếu là dọc theo chiều cao (theo phương y) và chiều dài (theo phương z) đầu dầm. Do đó, phân tích vùng neo đầu dầm sử dụng mô hình giàn 2D cho kết quả phù hợp với sự làm việc của vùng neo đầu dầm.

– Phân tích vùng neo bằng mô hình đàn dẻo, chỉ xét cường độ chịu kéo, nên của bê tông thì có sự khác biệt lớn so với trường hợp giả thiết vật liệu bê tông cốt thép là đồng nhất và đẳng hướng. Như trên Hình 20 vùng neo sẽ xuất hiện những vết nứt bên trong bê tông. Phạm vi ứng suất vượt quá khả năng chịu kéo của bê tông sẽ làm cho bê tông bị nứt do kéo vỡ. Vị trí xuất hiện từ đầu neo khoảng h/2 (đọc chiều dài dầm). Từ kết quả phân tích này cho thấy, cần thiết phải gia cường lớp lưới thép tại vị trí neo của neo không khoảng h/2 để đảm bảo chống nứt. Trên thực tế, việc xuất hiện ứng suất kéo làm xuất hiện vết nứt bên trong bê tông có thể xảy, nên rất khó kiểm soát ngoài thực tế.

– Phân tích vùng neo bằng mô hình đàn dẻo, xét ảnh hưởng của cốt thép, với số lượng cốt thép và khoảng cách bố trí theo phương pháp MHGA. Như trên Hình 21 ứng suất kéo trong vùng neo giảm xuống, trong vùng neo đầu dầm không xuất hiện điểm vết nứt phía sau neo và có sự phân phối lại ứng suất bên trong phần tử, ứng suất nén tăng lên theo các phương và giảm ứng suất kéo bên trong neo. Tuy nhiên, độ cứng của kết cấu tăng lên khi xét mô hình có cốt thép, tại vị trí ngay sát sau neo vùng ứng suất kéo theo phương z tăng lên. Do đó cần phải bố trí một lớp lưới thép gia cường tại mặt tiếp xúc giữa tấm thép dầm và bê tông để chống lại sự phá hoại cục bộ

4. Kết luận

Qua việc phân tích đặc điểm chịu lực trong vùng neo của cáp ở đầu dầm I công sau bằng phương pháp MHGA và đối chiếu kiểm tra kết quả tính toán, thiết kế với kết quả tính toán theo phương pháp phần tử hữu hạn, các kết luận sau được rút ra

1. Việc phân tích, tính toán vùng neo bằng phương pháp MHGA là đơn giản, có tính thực hành cao không cần sự hỗ trợ của các phần mềm chuyên dụng khác. Kết quả tính toán, bố trí cốt thép là trực quan nên khi áp dụng vào thực tế thiết kế rất thuận lợi do có thể dễ dàng được kiểm tra.

2. Khi thiết kế cốt thép theo MHGA thì phạm vi bố trí cốt thép chịu kéo xuất phát từ kích thước của thanh giằng, nên việc bố trí cốt thép rất thuận lợi và hợp lý, đảm bảo vừa tiết kiệm vừa an toàn. Cụ thể, theo tính toán từ phương pháp MHGA thì vùng đầu dầm được bố trí cốt thép (theo thanh giằng) dày hơn trong phạm vi từ đầu dầm đến vị trí cách đầu dầm 1 đoạn là h/2. Kiểm tra việc bố trí cốt thép trong mô hình giàn ảo bằng phương pháp phần tử hữu hạn cho thấy kết quả phân tích

phần tử hữu hạn cho kết quả tính toán phù hợp với kết quả tính toán theo phương pháp mô hình giàn ảo.

3. Phương pháp mô hình giàn ảo có thể xét đồng thời nhiều trường hợp tải trọng khác nhau. Từ đó việc áp dụng mô hình giàn ảo trong tính toán thiết kế vùng neo nơi diện chịu lực phụ thuộc vào số lượng neo, trình cấp cáp, vị trí đặt neo, các tải trọng khác nhau sẽ rất thuận lợi.

4. Đối với đầu dầm có bề rộng nhỏ thì sự phân bố ứng suất chủ yếu trong mặt phẳng chứa cáp. Do đó, việc áp dụng mô hình giàn ảo 2D cho kết quả tính toán phù hợp với sự làm việc của vùng neo đầu dầm.

TÀI LIỆU THAM KHẢO

- [1] Antoine E Naaman, *Prestressed Concrete Analysis and Design*, 2nd ed. USA: Techno Press 3000, 2009.
- [2] Concrete structures AASHTO, *LRFD Bridge Design Specification*, Washington D.C, 2005.
- [3] Bộ Giao thông vận tải, *Tiêu chuẩn thiết kế cầu 22TCN 272-05: NXB giao thông vận tải*, 2008.
- [4] Kall- Heinz Reinick, "Example for design of structural concrete with strut and tie models," *The Amer Concrete Inst*, 2002.
- [5] Schiffer J. Schlaich, "Design and detailing of structural concrete using strut-and-tie models," *The Institution of Structural Engineers*, vol. 69, no. 6, 1991.
- [6] Hawy, *Prestressed concrete – A fundamental approach*, 3rd ed.: Prentice Hall, 2012.
- [7] Kang-Hai Tan Ning Zhang, "Direct strut-and-tie model for single span and continuous deep beams," *Science direct, vol. Engineering Structures* 29, pp. 2987–3001, 2007.
- [8] Zhao Liu Zhi-Qi He, "Optimal three-dimensional strut-and-tie models for anchored diaphragms in externally prestressed bridges," *Science direct, vol. Engineering Structures* pp. 2057-2064, 2010.
- [9] Attallah Shah, Ehsanul Haq, et al, "Analysis and Design of Disturbed Regions in Concrete Structures," *Science direct, vol. Engineering* 14, pp 3317–3324, 2014.
- [10] E R Buckhouse, "External Flexural Reinforcement of Existing Reinforced Concrete Beams Using Bolted Steel Channels," *Marquette University, vol Wisconsin*, 1995.
- [11] Anthony J. Wolanski, "Flexural behavior of reinforced and prestressed concrete beams using finite element analysis," *PhD Thesis* 2004
- [12] Đặng Ngọc Lợi, "Nghiên cứu áp dụng mô hình giàn ảo để tính toán kết cấu tại vùng neo," *học Bách Khoa-Tp. HCM, LVThS* 2013
- [13] Ansys V12, *Finite Element Analysis System*. USA, SASIP, Inc, SAS, 2011.